

Fermat's Last Theorem: Proof in 1 Operation of Multiplication (in Russian)

Victor Sorokine

Abstract

After multiplying Fermat's equality by d^n , where prime $n > 2$, d is a single-digit number with base n , $0 < d < n$, the penultimate digit in the number d^n is not zero (such exists!), the equality turns into inequality.

После умножения равенства Ферма на d^n , где простое $n > 2$, d - однозначное число в счислении с базой n , $0 < d < n$, предпоследняя цифра в числе d^n не равна нулю (такая существует!), равенство превращается в неравенство.

Fermat's Last Theorem. Proof in 1 operation of multiplication

Великая теорема Ферма. Доказательство за 1 операцию умножения

Памяти жены, мамы и бабушки

Теорема Ферма: Равенство (для простой степени $n > 2$)

1*) $a^n + b^n - c^n = 0$ в целых положительных числах a, b, c не существует.

Обозначения и леммы /их доказательства см. в Приложении в:

<https://vixra.org/pdf/1908.0072v1.pdf> и <https://vixra.org/pdf/1707.0410v1.pdf> /

a', a'', a''' - 1-я, 2-я, 3-я цифра от конца в числе a в системе счисления с простым основанием $n > 2$;

$a_{[2]}, a_{[3]}, a_{[4]}$ - двух-, трёх-, четырёхзначное окончания числа a ;

$nn - n * n$.

L1. Если цифра a' не равна 0, то $(a^{n-1})' = 1$. /Малая теорема Ферма./

L1a. Следовательно: $(a^{n-1})_{[2]}^n = 01$, $(a^{n-1})_{[3]}^{nn} = 001$.

L2a (ключевая!). Существует такая цифра d , что вторая цифра $(d^n)''$ не равна нулю. /Действительно, если вторые цифры у всех d^n равны нулю, то вторая цифра суммы ряда d^n , где $d=1, 2, \dots, n-1$, не есть ноль и равна $(n-1)/2$, что неверно./

L2b. Существует такая цифра d , что цифра $(d^{nn})'''$ не равна нулю.

L2c. Существует такая цифра d , что цифра $(a^{nn} + b^{nn} - c^{nn})'''$, где $(a+b-c)' = 0$ и $(abc)' \neq 0$, не равна нулю.

L3. Для $k > 1$ k -я цифра в числе a^n не зависит от k -й цифры основания a .

L3a. Следствие. Если a' не равна 0, то окончания $a_{[2]}^n$ и $a_{[3]}^{nn}$ есть функции только a' и не зависят от старших цифр.

2*) В равенстве Ферма 1* двузначные окончания чисел a, b, c , не кратных n , есть двузначные окончания степеней a'^n, b'^n, c'^n .

Поэтому число a (как и b и c) можно представить в виде $a = a'^n + An^2$, где $A = [a - a_{[2]}] / n^2$, а число a^n (и также b^n и c^n) можно представить в виде:

3*) $a^n = (a'^n + An^2)^n = a'^{nn} + A_{[2]} n^{3*} a'^{n(n-1)} + A^{\circ} n^{5*} a'^{n(n-2)} + \dots$, (и аналогично $b^n = \dots$ и $c^n = \dots$), где $[(A' + B' - C') / n^3]_{[2]} = -[(a'^{nn} + b'^{nn} - c'^{nn}) / n^3]_{[2]}$ и /поскольку $(a^{n-1})' = (b^{n-1})' = (c^{n-1})' = 1 / a'^{n(n-1)}_{[2]} = b'^{n(n-1)}_{[2]} = c'^{n(n-1)}_{[2]} = 01$.

И теперь равенство 1* можно записать по пятизначным окончаниям в виде:

$$4^*) (a'^{nn}+b'^{nn}-c'^{nn})_{[5]} + (a+b-c)_{[2]}n^3 + Dn^5 = 0.$$

L4. Если в равенстве 1* число a оканчивается, например, на k нулей (k всегда больше 1!), то с помощью умножения равенства на некоторое число g^{nn} можно преобразовать окончание числа b (или c) длиной $kn+5$ цифр в 1.

А теперь само ДОКАЗАТЕЛЬСТВО теоремы Ферма.

5*) Умножим равенства 1* и, соответственно, 4* на число d^n из L.2.

И мы видим, что двузначное окончание числа $(a+b-c)_{[2]}$ умножилось на однозначное число d, а двузначное окончание числа $[(a'^{nn}+b'^{nn}-c'^{nn})/n^3]_{[2]}$ - РАВНОЕ ПО ВЕЛИЧИНЕ (но с обратным знаком) - умножилось на двузначное окончание числа d^n с ненулевой второй цифрой. И, следовательно, эквивалентное равенство 4* превратилось в НЕРАВЕНСТВО.

Второй случай (например, число a оканчивается на k нулей) доказывается аналогично и даже несколько проще.

После преобразования $(kn+5)$ -значного окончания числа b в 1 мы получаем равенство трехзначного окончания значимой части степени a^n трехзначному окончанию основания числа c^n без единичного (kn) -значного окончания. И теперь после умножении равенства Ферма на d^n (из 5*) двузначное окончание числа c умножится на однозначное d, а двузначное окончание числа a с РАВНЫМ окончанием умножится на двузначное окончание числа d^n с равной последней цифрой $(d^n)' [...=d']$, но с положительной d'' , превращая тем самым равенство в эквивалентное неравенство.

Что и доказывает истинность великой теоремы Ферма для простой степени.

Публикации:

http://rm.pp.net.ua/publ/fermat_39_s_last_theorem_proof_in_1_operation/21-1-0-2140 ,

Виктор Сорокин (victor.sorokine2@gmail.com)

03.09.2020. Мезос, Франция.