

Теорема Ферма. Простейшее доказательство. Отредактированный текст

Памяти МАМЫ

Доказательство проводится в системе счисления с простым основанием $p > 2$.

Противоречие:

Равенство Ферма, записанное в базе p , не выполняется по $(k+1)$ -м цифрам, где k – число нулей в нулевом окончании числа $U=A+B-C=up^k$.

Обозначения, записанные в системе счисления с простым основанием $p > 2$:

A' / $A_{(k)}$ – последняя / k -я от конца цифра числа A ;

$A_{[k]}$ – k -значное окончание числа A ;

$A_{[k+1]}$ – число, оставшееся после удаления k -значного окончания числа A .

Итак, допустим, что для натуральных A, B, C и простого $p > 2$

1°) $A^n + B^n = C^n$, или $A^n + B^n - C^n = 0$, где

2°) $U = A + B - C = up^k$, где u не кратно p . И если цифра

3°) $u^* = \{U_{(k+1)} - [(A_{[k]} + B_{[k]} - C_{[k]})_{(k+1)}]\}' = 0$,

то умножим равенство 1° на 2^n [для удобства, обозначения всех цифр и чисел с новыми значениями оставим прежними], после чего

4°) $u^* = (A_{(k+1)} + B_{(k+1)} - C_{(k+1)})' \neq 0$ [т.к. $A_{[k]} + B_{[k]} - C_{[k]} = 0$ или p^k].

5°) Лемма. $A' = A^n$ [другая форма малой теоремы Ферма].

6°) Из бинома Ньютона $(A_{(k+1)}p^k + A_{[k]})^n = Dp^{k+2} + A_{(k+1)}p^{k+1} + A_{[k]}^n$ следует, что $(k+1)$ -я цифра степени не зависит от $(k+1)$ -й цифры основания.

Доказательство ВТФ.

Согласно 5° и 2°, цифра $(A_{[k+]}^n + B_{[k+]}^n - C_{[k+]}^n)' = (A_{(k+1)} + B_{(k+1)} - C_{(k+1)})' = u^* \neq 0$ и после восстановления в числах А, В, С отброшенных окончаний $A_{[k]}$, $B_{[k]}$, $C_{[k]}$ сохраняет своё значение, поскольку $(A_{[k]}^n + B_{[k]}^n - C_{[k]}^n)_{[k+1]} = 0$ (см. 6° и 1°), а (k+1)-е цифры оснований А, В, С не участвуют в формировании цифры $(A^n + B^n - C^n)_{(k+1)}$ (см. 6°).

Что подтверждает истинность великой теоремы Ферма.

Мезос, 13 мая 2018.