

# Le Flot de Ricci sur un Fibré Hermitien

A.Balan

March 5, 2018

## Abstract

En prenant un fibré hermitienne, un flot de Ricci est défini.

## 1 Le flot de Ricci

Le flot de Ricci a été défini par Hamilton en comparant avec l'équation de la chaleur [B] :

$$\frac{\partial g}{\partial t} = -2Ricc(g)$$

$Ricc(g)$  étant la courbure de Ricci de la métrique  $g$ .

## 2 Le flot de Ricci pour un fibré hermitien

On se donne un fibré hermitien  $(F, h_F, J_F)$  au-dessus d'une variété Kähler  $(M, g_M, \omega_M)$ . On peut choisir la connexion de Chern sur le fibré  $\nabla^{Ch}$ , ce qui permet de définir la courbure [GHL]:

$$R_F(X, Y)(s) = \nabla_X^{Ch} \nabla_Y^{Ch}(s) - \nabla_Y^{Ch} \nabla_X^{Ch}(s) - \nabla_{[X, Y]}^{Ch}(s)$$

On contracte par la forme symplectique de la variété :

$$Ricc(F) = \sum_{i, j} \omega_M(e_i, e_j) R_F(e_i, e_j)$$

Pour une base orthogonale du fibré tangent  $(e_i)$ . C'est un endomorphisme anti-hermitien du fibré. Le flot de Ricci est :

$$i \frac{\partial h_F}{\partial t} = -2Ricc(F)$$

## References

- [B] M.Boileau, G.Besson, C.Sinestrari, G.Tian, "Ricci Flow and Geometric Applications", Springer, 2010.
- [GHL] S.Gallot, D.Hulin, J.Lafontaine, "Riemannian Geometry", Springer, 2004.